

## Analysis II für Studierende der Ingenieurwissenschaften

### Blatt 4

#### Aufgabe 13:

Gegeben sei die Funktion  $f : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}$  mit  $f(x) = 3x + 4$ .

- a) Man berechne für die äquidistante Zerlegung

$$Z_n = \left\{ -1, \frac{2-n}{n}, \frac{4-n}{n}, \frac{6-n}{n}, \dots, 1 \right\}$$

des Intervalls  $I = [-1, 1]$  Unter- und Obersumme, also  $U_f(Z_n)$  und  $O_f(Z_n)$ , zu  $f$ .

- b) Man weise die Integrierbarkeit von  $f$  nach.

- c) Man berechne  $\int_{-1}^1 3x + 4 \, dx$  über den Hauptsatz.

#### Aufgabe 14:

Man berechne

- a) den Flächeninhalt  $F_1$ , der durch die Teilmenge  $M_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^3 \leq y \leq \sqrt{x}\}$  des  $\mathbb{R}^2$  gegeben ist, sowie
- b) den Flächeninhalt  $F_2$ , der Menge des  $\mathbb{R}^2$ , die von den Graphen der Funktionen  $f$  und  $g$  mit  $f(x) = \cos x$  und  $g(x) = 1 - 2x/\pi$  eingeschlossen wird.

#### Aufgabe 15:

Man berechne die folgenden unbestimmten Integrale

$$\begin{array}{lll} \text{a) } \int \frac{z^4 - z^2 - 3}{\sqrt[3]{z}} \, dz, & \text{b) } \int \frac{e^{3z}}{e^{3z} + 4} \, dz, & \text{c) } \int (t - 1) \cos 2t \, dt, \\ \text{d) } \int \frac{x^2}{\sqrt{1 + x^2}} \, dx, & \text{e) } \int \cos t \sinh t \, dt, & \text{f) } \int \cos y \sin y \, dy. \end{array}$$

**Aufgabe 16:**

Man berechne die folgenden bestimmten Integrale:

$$\begin{array}{lll} \text{a)} \int_0^4 x\sqrt{2x+1} \, dx, & \text{b)} \int_0^{1/2} \frac{4+2x-7x^2-14x^3}{2x+1} \, dx, & \text{c)} \int_0^{\pi/2} \sin(x) \cos^2(x) \, dx, \\ \text{d)} \int_0^{\pi/2} e^x \sin x \, dx, & \text{e)} \int_0^2 \frac{e^{2x}}{1+e^x} \, dx. & \end{array}$$

**Abgabetermin:** 27.5. - 31.5. (zu Beginn der Übung)