

Tragen Sie bitte zunächst Ihren Namen, Ihren Vornamen und Ihre Matrikelnummer in **DRUCKSCHRIFT** in die folgenden jeweils dafür vorgesehenen Felder ein.

Diese Eintragungen werden auf Datenträger gespeichert.

Name:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Vorname:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Matr.-Nr.:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Studiengang:

AI	BU	BVT	ET	EUT	IN	LUM	MB	MTB	SB	VT	
----	----	-----	----	-----	----	-----	----	-----	----	----	--

Aufg.	a) i)	a) ii)	b)	c) i)	c) ii)	d) i)	d) ii)	e)	f)	Σ =
Punkte	1	1	2	1	1	1	1	2	2	12
erreicht										

BONUS =

Bitte lösen Sie die angegebenen Aufgaben, und tragen Sie Ihre Antworten in die dafür vorgegebenen Kästchen ein. Sie erhalten jeweils 1 bzw. 2 Punkte pro richtige Antwort und null Punkte, wenn Sie eine falsche oder keine Lösung angegeben haben. Der Lösungsweg wird nicht bewertet.

a) Die Potenzreihe $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(x-7)^k}{8^k}$ mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 7$

hat den Konvergenzradius

$r = 8$

und das Konvergenzintervall

$I =] - 1, 15[$

Hinweis: Klären Sie auch, ob die Reihe in den Randpunkten von I konvergiert!

- b) Es sei $p_2(x) = a_0 + a_1(x-1) + a_2(x-1)(x-5)$ das Interpolationspolynom zweiten Grades zu den Daten:

$$\begin{array}{c|ccc} x_k & 1 & 5 & 9 \\ \hline y_k & 16 & 0 & -8 \end{array}$$

Dann ist

$$a_2 = \frac{1}{4}$$

- c) Es sei $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ die Potenzreihe der Funktion $f(x) = \frac{1}{30-60x}$ mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 0$. Dann ist

$$a_2 = \frac{2}{15}$$

und die Potenzreihe hat den Konvergenzradius

$$r = \frac{1}{2}$$

- d) Es sei $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ die Potenzreihe der Funktion $f(x) = x^2 \sin(x) - 2e^x$ mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 0$. Dann ist

$$a_3 = \frac{2}{3}$$

und die Potenzreihe hat den Konvergenzradius

$$r = \infty$$

e)

$$\int_1^e 1 \cdot \ln(x^2) dx = 2$$

f)

$$\int_0^{\sqrt[3]{\pi/2}} 3x^2 \sin(x^3) dx = 1$$