

# Analysis II

**Michael Hinze**  
**(zusammen mit Peywand Kiani)**

**Department Mathematik**  
**Schwerpunkt Optimierung und Approximation, Universität Hamburg**



Universität Hamburg

**9. Juni 2008**

## Beachtungswertes

- ▶ Die Veranstaltung ist eng angelehnt an das Buch **Höhere Mathematik für Ingenieure und Naturwissenschaftler** von Prof. Dr. Günter Bärwolff, Spektrum Akademischer Verlag, ASIN/ISBN: 3827414369.
- ▶ Übungsaufgaben → <http://www.math.uni-hamburg.de/teaching/export/tuhh/cm/a2/08/index.html>
- ▶ Besuch der Übungsgruppen gründlich vorbereiten!!
- ▶ Übungshefte: **Mathematik für Ingenieure und Naturwissenschaftler**, H. Wenzel / G. Heinrich, ab 4ter Auflage, gibt es bei Teubner Stuttgart/Leipzig.
- ▶ Als Formelsammlung empfehlen wir: **Formeln und Fakten im Grundkurs Mathematik für Ingenieure und Naturwissenschaftler**, Klaus Veters, 3. Auflage, Teubner 2001.

# Übungsaufgaben für die kommenden beiden Wochen

**Siehe WWW Seiten der Veranstaltung:  
<http://www.math.uni-hamburg.de/teaching/export/tuhh/cm/a2/08/index.html>**

**Definition 3.4: (Funktionenfolge)** Die unendliche Folge

$$f_1, f_2, f_3, \dots, f_n, \dots$$

der Funktionen  $f_k : D \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $k = 0, 1, 2, \dots$ , nennen wir Funktionenfolge auf  $D$  und schreiben dafür wie im Falle von Zahlenfolgen auch kurz  $(f_n)_{n \in \mathbb{N}}$  oder  $(f_n)$ .

**Definition 3.5: (punktweise Konvergenz)** Eine Funktionenfolge  $(f_n)$  auf  $D$  heißt **punktweise konvergent**, falls für jedes  $x \in D$  die Zahlenfolge  $(f_n(x))$  konvergiert.

Anstelle von **punktweiser Konvergenz** sprechen wir auch **abkürzend von Konvergenz**.

Die Grenzfunktion  $f$  ist dabei für jedes  $x \in D$  durch

$$\lim_{n \rightarrow \infty} f_n(x) =: f(x)$$

erklärt.

## Buch Kap. 3.2 – Funktionenfolgen

**Definition 3.6: (Abstand und Supremumsnorm)** Sind  $f$  und  $g$  beschränkte Funktionen auf  $D$ , so bezeichnen wir mit

$$\|f - g\|_{\infty} := \sup_{x \in D} |f(x) - g(x)|$$

den Abstand dieser Funktionen voneinander.

Die Supremumsnorm  $\|f\|_{\infty}$  von  $f$  auf  $D$  ist definiert durch

$$\|f\|_{\infty} := \sup_{x \in D} |f(x)|.$$

Handelt es sich bei den Funktionen um stetige Funktionen und ist  $D$  eine kompakte Menge, z.B. ein abgeschlossenes Intervall, dann gilt

$$\|f - g\|_{\infty} := \max_{x \in D} |f(x) - g(x)| \quad \text{bzw.} \quad \|f\|_{\infty} = \max_{x \in D} |f(x)|.$$